



TRACE

ENTER



LEHRERHANDREICHUNG **Anleitung und Beispiele zum Programmieren**

INHALT

1.	Wichtige Hinweise	2
2.	Die HERONische Formel	6
3.	Berechnen der Zugspannung	8
4.	Evolvente (Inverse Evolvente)	. 10
5.	Berechnung von Lichtstärke und -intensität	. 12
6.	Berechnung einer einfachen harmonischen Schwingung	. 14
7.	Stromverbrauch in einem Wechselstromkreis	. 16
8.	Winkel zwischen Vektoren	. 18
9.	Lineare Transformation	. 21
10.	Gleitender Mittelwert	. 24
11.	Erstellen eines Graphen aus experimentellen Daten	. 27
12.	Gewöhnliche Differentialgleichung	. 29
13.	Einweg Varianz Analyse	. 32
14.	Berechnung des schrägen Wurfs	. 36
15.	Darstellung von Sonderzeichen	. 39

1. Wichtige Hinweise

Dieses Handbuch wurde für die praktische Anwendung des SHARP Grafikrechners EL-9900 erstellt. Dieser Rechner verfügt über eine zweckmäßige Programmierungsfunktion, die eine Vielzahl sowohl einfacher als auch komplexer Berechnungen zu automatischen Prozessen ermöglicht.

1.1. Eingabe und Bearbeiten eines Programms (nur im Experten-Modus der Wendetastatur möglich):

Programme können entweder direkt über die Tastatur in den Grafikrechner eingegeben und dort bearbeitet werden, oder aber zunächst am PC erstellt und bearbeitet werden, ehe man das Programm vom PC auf den Grafikrechner herunterlädt. Für das Herunterladen benötigt man lediglich das EL-Grafiklink99, ein Verbindungskabel inkl. Software, das separat erhältlich ist.

In diesem Handbuch wird für die Multiplikation das Symbol "*" und für die Division das Symbol "/" benutzt. Bitte berücksichtigen Sie diese Vereinbarung, wenn Sie Programme mit Hilfe des Grafiklinks erstellen. Wenn Sie jedoch die Programme direkt mit dem EL-9900 erstellen, benutzen Sie bitte die für die Multiplikation und Division üblichen Tasten.

1.1.2. Programmerstellung direkt am Grafikrechner

Eingabe eines neuen Programms:

- 1. Drücken Sie die Taste PRGM, um das Menü "Programmieren" aufzurufen.
- 2. Wählen Sie den Menüpunkt "C NEW" aus und bestätigen Sie Ihre Wahl mit .
- 3. Geben Sie den Programm-Titel ein und drücken Sie
- 4. Geben Sie das Programm ein.

BEMERKUNG:

Befehle wie z.B. PRINT oder INPUT finden Sie im ersten Untermenü des PRGM-Auswahlmenüs "A_PRGM".

Drücken Sie **2ndF** um das Programm zu beenden.

Bearbeiten eines Programms:

Drücken Sie die Taste PRGM, um das Menü "Programmieren" aufzurufen.

1. Wählen Sie den Menüpunkt "B EDIT" das gewünschte Programm aus. Bestätigen Sie Ihre

Wahl mit

Drücken Sie **2ndF** , um das Programm zu beenden.

1.1.3. Herunterladen des Programms vom PC

Programme vom PC auf den Grafikrechner übertragen:

- 1. Schließen Sie den EL-9900 mit dem Verbindungskabel an den PC an. Vergewissern Sie sich, dass ein serieller Port am PC angeschlossen ist.
- 2. Schalten Sie den EL-9900 ein.
- 3. Öffnen Sie die Software ,EL-Grafik-Link'.
- 4. Wählen Sie auf der linken Seite ,Programme' aus.
- 5. Im Menü-Punkt ,Datei' den Unterpunkt ,Datei importieren' auswählen und die gewünschte .txt aussuchen.
- 6. Das importierte Programm per Drag & Drop aus dem mittleren Hauptfenster in das linke Programm ziehen.

BEMERKUNG:

Weitere Details lesen Sie bitte in der Bedienungsanleitung nach.

1.1.4. Ausführen eines Programms

- 1. Drücken Sie die Taste PRGM, um das Menü "Programme" aufzurufen.
- 2. Wählen Sie im Unterpunkt "A EXEC" das gewünschte Programm aus, und bestätigen Sie Ihre Wahl mit
- 3. Folgen Sie den weiteren Instruktionen.

1.1.5. Löschen eines Programms

- 1. Drücken Sie **2ndF**, und wählen Sie im Menüpunkt "C DEL" den 5. Unterpunkt "Program" aus.
- 2. Bestätigen Sie Ihre Wahl mit

BEMERKUNG:

Bitte löschen Sie kein Programm, indem Sie den Grafikrechner zurücksetzen. Dabei werden sämtliche gespeicherte Daten mit gelöscht.

Darüber hinaus ist es zu empfehlen, alle Programme mit Hilfe des Grafiklinks auf einem PC zusätzlich zu sichern.

1.1.6. Tasteneingabe

Zweite Belegungsebene:

Drücken Sie **2ndF**, um die gelbe Doppelbelegung der Tasten zu verwenden. Beispiel:

Um die Funktion " x^{-1} " einzugeben, drücken Sie Buchstaben schreiben:

Drücken Sie ALPHA, um mit den Buchstabentasten zu schreiben. Beispiel:

Um den Buchstaben "F" zu schreiben, drücken Sie

Drücken Sie **2ndF** ALOCK, um eine Abfolge von Buchstaben einzugeben.

Um den Buchstaben-Modus zu verlassen, drücken Sie erneut

1.1.7. Fehlerbehebung:

Im folgenden finden Sie eine Liste einiger Fehlermeldungen. Sollte einer dieser Fehler auftreten, dann lesen Sie bitte in der Bedienungsanleitung die Seiten 235 und 236.

Fehler Code	Fehlermeldung	Erläuterung		
01	Syntax	Syntax-Fehler in der Funktionsgleichung bzw. im Programm gefunden		
02	Calculate	Berechnungs-relevanter Fehler gefunden, z.B. Division mit 0 oder Missachtung des Bereichs		
03	Nesting	Kann nicht mehr als 14 numerische Werte bzw. 32 Funktionen ineinander verschachteln.		
04	Invalid	Matrix-Definitions-Fehler oder Eingabe eines ungültigen Wertes		
05	Dimension	Matrix-Dimension oder Statistik-Listen-Dimension inkonsistent		
07	Invalid DIM	Größe der Liste bzw. Matrix überschreitet den Bereich		
08	Argument	Widerspruch im Argument der Funktion		
09	Data Type	Ungültiger Datentyp wurde in der Berechnung benutzt		
10	No Sign Change	Fehler innerhalb der Finanzrechnung gefunden		
11	No define	Undefinierte Liste bzw. Matrix in der Berechnung benutzt		
12	Domain	Argument-Definition außerhalb des Definitionsbereichs		
13	Increment	Inkrement-Fehler gefunden		
16	Irr Calc	Mehr als zwei Wendepunkte für Irr Berechnung		
17	Stat Med	Med-Med Gesetz (Statistik) Fehler gefunden		
20	No Argument	Argument fehlt		
21	Not pair∫dx	∫ und dx werden nicht als Paar benutzt		
22	Not pair []	Eckige Klammern werden nicht als Paar benutzt		
23	Not pair ()	Runde Klammern werden nicht als Paar benutzt		
24	Not pair { }	Geschweifte Klammern werden nicht als Paar benutzt		
25	Line over	Zeile geht über das Fassungsvermögen		
26	Not delete	Gewählter Eintrag ist nicht löschbar		
27	Buffer over	Eingabe/Funktionsgleichung überschreitet die Leistungsfähigkeit des Zwischenspeichers		
30	Edit type	Ungültiger Editor-Typ gefunden*		
31	Continue =	"=" wurde in der per RCL aufgerufenen Funktionsgleichung gefunden		
32	No data	Es existieren keine Daten.		
33	Graph Type	Einstellung des Graphentyps ist unkorrekt.		
34	Too many var.	Zu viele Variablen wurden in den SOLVER-Modus übertragen.		
35	No variable	Es wurde keine Variable im SOLVER-Modus spezifiziert.		
36	No solution	Es wurde keine Lösung gefunden.		
37	No title	Es wurde kein Titel eingegeben.		
38	Too many obj	Mehr als 30 Objekte wurden ausgewählt.		
40	Lbl duplicate	Bezeichnungen mit identischem Namen wurden im Programm gefunden.		
41	Lbl undefined	Goto/Gosub-Befehle ohne definierter Bezeichnung		
42	Lbl over	Mehr als 50 Bezeichnungen wurden im Programm gefunden.		
43	Gosub stack	Verschachtelung von mehr als 10 Unterroutinen wurden gefunden.		
44	Line too long	Zeile enthält mehr als 160 Zeichen		
45	Can't return	Return benutzt, ohne zuvor aus der Unterroutine gesprungen zu sein.		

Fehler Code	Fehlermeldung	Erläuterung
46	Storage full	Es können nicht mehr als 99 Dateien erstellt werden.
47	Coord type	Für den Befehl ungültiges Koordinatensystem
48	Without For	"For" fehlt bezüglich des nächsten Befehls.
49	Without WEnd	"WEnd" fehlt bezüglich des While-Schleifen-Befehls.
50	Without While	"While" fehlt bezüglich des WEnd-Befehls.
51	Without Then	"Then" fehlt bezüglich des If-Befehls.
52	Without EndIf	"Endlf" fehlt bezüglich des If-Befehls.
53	Withou If	"If" fehlt bezüglich des Endlf-Befehls.
70	I/O device	Kommunikations-Fehler zwischen den Geräten gefunden
71	Wrong Mode	Falscher Kommunikations-Modus gesetzt.
90	Memory over	Der Speicher ist voll; es können keine Daten wie gewünscht gespeichert werden.
99	System error	Systemfehler gefunden; Speicherbelegung unsicher
	Low battery	Vorgang wurde wegen zu geringer Batterie-Leistung abgebrochen
	BREAK!!	Vorgangs-Unterbrechung wurde spezifiziert

*Folgende Vorgänge könnten einen Editor-Typ-Fehler verursachen. Korrigieren Sie den Editor-Typ wie folgt:

 Rufen Sie die SOLVER-Gleichung (EQTN) oder die Graphen-Daten /G_DATA), nachdem Sie diese in einem anderen als den derzeit benutzten EDITOR-Modus gespeichert haben, erneut auf,

ODER

• Empfangen Sie die in einem anderen als den derzeit benutzten EDITOR-Modus eingegebene Funktionsgleichung (Y1 oder eine andere).

2. Die HERONische Formel

Benutzen Sie die HERONische Formel, um die Fläche eines Dreiecks zu bestimmen, dessen drei Seiten A, B und C gegeben sind.

Parameter-Name	Inhalt	Parameter-Name	Inhalt
A	Wert der Seite A	S	Wert der halben Seitensumme
В	Wert der Seite B	F	Fläche
С	Wert der Seite C		

<u>Schritt</u>

Das Programm-Menü öffnen und den Unterpunkt EXEC auswählen. Programm HERON auswählen.

Die Werte für A, B und C eingeben.

2

1

(Anzeige der Flächengröße)

<u>Tasteneingabe</u>

<u>Anzeige</u>

3. Berechnen der Zugspannung

Benutzen Sie den Sinus-Satz, um die Zugspannung zu bestimmen, wenn ein Gewichtsstück W mit zwei Fäden derart befestigt ist, dass die Fäden das Gewichtsstück unter den Winkeln zur vertikalen Linie A und B ausbalanzieren.

Parameter-Name	Inhalt	Parameter-Name	Inhalt
А	Winkelgröße A	Т	Wert der Zugspannung T
В	Winkelgröße B	S	Wert der Zugspannung S
С	Wert von sin(A+B)	W	Gewichtsgröße W

Übu	Übung:				
Berec Gewic Winke Winke Gebe	Berechnen Sie die Zugspannungen T und S unter der Annahme folgender Größen: Gewicht W = 40 kg Winkel A = 30°15'20" Winkel B = 27°45'40" Geben Sie die Winkel im Hexagesimalsystem ein.				
SetUp	o-Bedingungen: TAB 3 Mo	dus, Fix Modus und Winkeleinheit in deg-Modus:			
' 					
1	<u>Schritt</u> Den Programm-Modus spezifizieren. Den Titel "ZUGSPANNUNG" auswählen. Die Werte für die Winkol A und P	Tasteneingabe	Anzeige ZUGKRAEF WINKELGROESSE EINGEBEN: A=? EINGEBEN: A=		
	eingeben.	ENTER 2 7 • 4 5 4 0 ENTER	30,1520 B= 27.4540 GEWICHTSGROESSE EINGEBEN: W=?		

Die Zugspannung T beträgt 21.840 kg und S beträgt 23.795 kg. 4

4. Evolvente (Inverse Evolvente)

Benutzen Sie die Evolventen-Funktion für Getriebe-Berechnung u.ä., um den Wälzwinkel des Startwerts und des Evolventenwerts zu bestimmen.

Umgekehrt: Berechnen Sie den Evolventenwert des Wälzwinkels.

Berechnung

Evoventen-Funktion: $inv\theta = tan\theta - \theta[rad]$ Benutzen Sie die Newton-Methode, um die inverse Evolvente zu bestimmen:

$$\theta_{i+1} = \theta_i - \frac{f'(\theta)}{f(\theta_i)} = \theta_i \frac{\tan \theta_i - \theta_i - a}{\tan^2 \theta_i}$$

$$f(\theta) = a - inv\theta$$

SP: Evolventen-Kurve S: Evolventen Startpunkt θ: Schrägen-Winkel am Punkt P

Parameter-Name	Inhalt	Parameter-Name	Inhalt
D, R, T, J	Variablen für die Berechnung	θ	Wälzwinkel
S	Auswählender Berechnungstyp:	E	Wert der Evolvente
	(S=1: Berechnung der Evolvente)	В	Eingabe des Startwertes
	(S=2: Berechnung der inversen Evolvente)	А	Eingabe und Ausgabe des Winkels
7	Startwert, Wälzwinkelinkel		

5. Berechnung von Lichtstärke und -intensität

Geben Sie die Lichtintensität einer Lichtquelle, die Distanz und den Winkel zwischen der Senkrechten und der Lichtwelle ein, um die Lichtstärke der beleuchteten Seite zu bestimmen. Umgekehrt: Bestimmen Sie die Lichtintensität der Lichtquelle.

Winkel und der

Lichtintensität eingeben.

Parameter-Name	Inhalt	Parameter-Name	Inhalt
I	Lichtstärke der beleuchteten Seite	θ	Winkel
К	Lichtintensität der Lichtquelle	А	Eingabe der Winkelgröße
R	Distanz	D	Eingabe der Distanz
S	Auswählen der Berechnungstyp:	С	Eingabe und Berechnung der Lichtstärke
	(S=1: Berechnung der Lichtintensität)	L	Eingabe und Berechnung der Lichtintensität
	(S=2: Berechnung der Lichtstärke)		

Übung: (1) Bestimmen Sie die Lichtintensität der Lichtquelle in einer Distanz von 10m, unter einem Winkel von 60° und bei einer Lichtstärke von 20 lux. (2) Bestimmen Sie die Lichtstärke der beleuchteten Seite in einer Distanz von 10m, unter einem Winkel von 60° und bei einer Lichtintensität von 4000 candela. SetUp-Bedingungen: Dezimal-Punkt im "Float Pt Modus". L 2nd F SET UP C 1 CL C **Schritt Tasteneingabe** Anzeige Den Programm-Modus spezifizieren. 1 PRGM Den Titel "LICHT" auswählen. HISTHERRE-1 HTINTENSITÄET=2 DER 2 EINGEBEN Die Berechnung der 2 1 ENTER Lichtintensität auswählen. DISTANZ EINGEBEN: Die Werte für die Distanz, 1 0 ENTER 6 0 ENTER CHTINTENSITAET 3 den Winkel und der 2 0 ENTER 20 LICHTSTAERKE: Lichtstärke eingeben. 4000 ENTER 2 ENTER Die Berechnung der 60 LICHTSTAERKE IN ÇANDELA EINGEBEN: Lichtstärke auswählen. Die 1 0 ENTER 4 Werte für die Distanz, den 000 ICHTINTENSITAET

6

4

0

0

ENTER

0

0

ENTER

6. Berechnung einer einfachen harmonischen Schwingung

Geben Sie eine Periode, eine Amplitude und ein Zeitintervall ein, um die Ausbreitung zu einem bestimmten Zeitpunkt, die Beschleunigung, die Winkelgeschwindigkeit und die Schnelligkeit zu bestimmen. Zeigen Sie ebenso die Veränderungen auf dem Graph während der eingegebenen Periode an.

Parameter-Name	Inhalt	Parameter-Name	Inhalt
В	Beschleunigung	A	Eingabe der Amplitude
E	Zeit	Р	Eingabe der Periode
V	Geschwindigkeit	Т	Eingabe der Zeit
W	Winkelgeschwindigkeit	D	Amplitude
Н	Ausbreitung	F	Periode
Xscl	x-Achsen-Skalierung	Х	Zeit-Zuwachs
Yscl	y-Achsen-Skalierung		

	<u>Schritt</u>	<u>Tasteneingabe</u>	<u>Anzeige</u>
1	Den Programm-Modus spezifizieren. Den Titel "SCHWINGUNG" auswählen.		SCHWINGU PERIODE EINGEBEN: P=?
2	Die Werte für die Periode, Amplitude und für die Zeit eingeben.		⊼ AMPLITUDE EINGEBEN: A= 1 ZEITINTERVALL EINGEBEN i= 3
3		ENTER	WINKELGESCHWINDIGKEIT: 2 AUSMASS: -0.279415498 BESCHLEUNIGUNG: 1.117661993 GESCHWINDIGKEIT: 1.920340573
4		ENTER	
5		ENTER	ZEITINTERVALL EINGEBEN T=?

7. Stromverbrauch in einem Wechselstromkreis

Geben Sie den Effektivwert der Spannung und die Werte für die Frequenz und den Widerstand ein, um die Leistung im Stromkreis mit dem Widerstand R zu bestimmen. Zeichnen Sie einen Graphen, der die Veränderungen der Leistung innerhalb einer Zeitperiode wiedergibt.

Berechnung

P: Leistung I: Effektivwert der Stromstärke U: Effektivwert der Spannung

 $I_0 = N x \sin \omega x t$ $V_0 = M x \sin \omega x t$ $P_0 = I_0 x V_0$

P₀: Momentanwert der Leistung

I₀: Momentanwert des Stromes

U₀: Momentanwert der Spannung

N: Scheitelwert des Stromes M: Scheitelwert der Spannung ω : Winkelgeschwindigkeit (2 π S) t: Zeit S: Frequenz

Parameter-Name	Inhalt	Parameter-Name	Inhalt
S	Frequenz	Xsl	x-Achsen-Skalierung
1	Aktueller Effektivwert	Ymax	Maximaler y-Achsen-Wert
Т	Widerstandswert	Yscl	y-Achsen-Skalierung
D	Effektivwert der Spannung	U	Eingabe der Spannung
W	Winkelgeschwindigkeit	R	Eingabe des Widerstandswertes
Ν	Scheitelwert des Stromes	F	Eingabe der Frequenz
М	Scheitelwert der Spannung	Z	Stromwert
Xmax	Maximaler x-Achsen-Wert		

Übung: I

I

I

L

I

Berechnen Sie die Leistung eines Wechselstromkreises unter der Annahme folgender Größen: Wert des Widerstandes = 150Ω , Effektivwert der Spannung = 100V, Frequenz = 50HzZeigen Sie die Veränderungen der Leistung innerhalb der Zeitperiode am Graphen an. SetUp-Bedingungen: Dezimal-Punkt im "Float Pt Modus". I.

8. Winkel zwischen Vektoren

Benutzen Sie die Matrix-Berechnungsfunktion, um den Winkel θ zu bestimmen, der zwischen einem Grundvektor und einem zweiten Vektor liegt. Berechnen Sie auch die Winkel von mehreren Vektoren zu einem Grundvektor auf einmal.

Berechnung

Formel des Skalarproduktes (inneren Produktes) zweier Vektoren:

$$\vec{a} * \vec{b} = |\vec{a}| * |\vec{b}| * \cos\theta$$

Leiten Sie aus der oberen Formel den unten genannten Ausdruck ab:

$$\theta = \cos^{-1} \frac{\vec{a} * \vec{b}}{|\vec{a}| * |\vec{b}|}$$

Fortsetzung der vorherigen Seite

Parameter-Name	Inhalt	Parameter-Name	Inhalt
A	Betrag des jewiligen Vektors	θ	Vektorwinkel
В	Betrag des Grundvektors	К	Anzeige
1	Berechnungszähler	Z	Eingabe der Anzahl der Vektoren
К	Eingabe Zähler	mat A	Vektor-Komponenten
Μ	Anzahl der Vektoren	mat B	Grundvektor-Komponenten
Х	Eingabe der x-Komponente	mat C	Skalarprodukt der Vektoren
Y	Eingabe der y-Komponente		

9. Lineare Transformation

Bestimmen Sie mit Hilfe der Matrix-Funktion vier Arten der linearen Transformation: die x-achsen-symmetrische, die y-achsen-symmetrische, die ähnliche Transformation und die Drehung um den Ursprungspunkt.

Berechnung

Fortsetzung nächste Seite

Fortsetzung nächste Seite

Fortsetzung der vorherigen Seite

Parameter-Name	Inhalt	Parameter-Name	Inhalt
В	Winkel	A	Eingabe der Winkelgröße
К	Im Verhältnis der Ähnlichkeit	R	Eingabe des Ähnlichkeits-
S	Auszuwählender Typ		verhältnisses
	(S=1: Fall1, S=2: Fall2,	mat A	Koordinaten nach der
	S=3: Fall3, S=4: Fall4)		Transformation
Х	x-Koordinate	mat H	Transformationsdaten
Y	y-Koordinate	mat D	x/y-Koordinaten

Ü	 bung:	
1. 2.	Transformieren Sie de Drehen Sie den Punkt	en Punkt (3,5) symmetrisch zur x-Achse. : (2,6) um 45° um den Ursprung.
	SetUp-Bedingungen:	Winkeleinheit im deg-Modus; Dezimal-Punkt im "Float Pt Modus".

10. Gleitender Mittelwert

Zeichnen Sie einen Graphen auf, der wiedergibt, wie sich das Ergebnis innerhalb einer bestimmten Periode verändert. Der Verkaufsfortschritt, die Verbrauchs- und Produktionsmengen können ebenfalls dabei betrachtet werden.

Berechnung	V + V	
$H_i = \frac{\Lambda_{i-(M-1)/2} + \ldots + \lambda_{i-M-1}}{2}$	$\frac{\mathbf{A}_{i} + \dots + \mathbf{A}_{i+(M-1)/2}}{M} \qquad \qquad H_{N}$	i : gleitender Mittelwert 1 : Anzahl der Abschnitte
$(I = 1 + \frac{M - 1}{2}, 2 + \frac{M}{2})$	$\frac{-1}{2},,n + \frac{M-1}{s}$) x	: Daten : Anzahl der Daten
	FLUSSDIAGRAMM	PROGRAMM-LISTE
Ctart		Titel: Mittelwert
Eingabe M	Eingabe der Zahl der Elemente pro Abschnitt.	ABSCHNITTE EINGEBEN:
	Rückkehr zur Eingabe, wenn die Zahl der Elemente gist, als die Zahl der Daten.	Input D größer D⇒M 1_Stats L1
Best. d. Spanne	Bildbereich wird festgelegt.	lf M≥n Goto MAIN Rem RANGE
Berechnung	I=0; K=int (M/2)	(xmax-xmin)/10⇒Yscl 0⇒Xmin n→ Xmax
Unterprogramm COUNT	Erste Berechnung. Springt zum Unterprogramm.	1⇒Xscl xmin⇒Ymin
		xmax⇒Ymax 0⇒I
Unterprogramm MOVINGSUM	Springt zum Unterprogramm.	int(M/2)⇒K Gosub COUNT
J M≥J N	Die Zahl der Berechnungen des gleitenden Durchsch wird ermittelt. Dies wird wiederholt, bis die Berechnun durchgeführt wurde.	nitts Label LOOP1 ng Gosub MOVINGSUM If M—I Goto LOOP1
Unterprogramm AVERAGE		Gosub AVERAGE Label LOOP2
		r.⇒∧ H⇒Y
	Х=К; Ү=Н	Gosub COUNT
Zum Unterprogr. COUNT	Springt zum Unterprogramm.	Fortsetzung nächste Seite
Zum Unterprogr. MOVINGSUM	Springt zum Unterprogramm.	
	Fortsetzung nächste Seite	
24	SHARP	

Parameter-Name	Inhalt	Parameter-Name	Inhalt
Н	Gleitender Mittelwert	S	Gleitende Summe
-	Zähler	Х	Ausgangspunkt (X)
J	Zähler	Υ	Ausgangspunkt (Y)
К	Zäher	Yscl	Skala der y-Achse
М	Zahl der Abschnitte	В	Eingabe der Anzahl der Abschnitte

EL-9900 Grafikrechner

Fortsetzung Programm-Liste

Label LOOP3 Gosub MOVINGSUM If (I+M)>J Goto LOOP3 Gosub AVERAGE Line(X,Y,K,H) If K≠(n-int(M/2)) Goto LOOP2 Wait End Label COUNT l+1⇒l l⇒J 0⇒S Return Label MOVINGSUM S+L1(J)⇒S J+1⇒J Return Label AVERAGE S/M⇒H K+1⇒K Return

11. Erstellen eines Graphen aus experimentellen Daten

Stellen Sie grafisch die Ergebnisse eines Experiments dar und untersuchen Sie die Verläufe. (Beispiel: untersuchte Daten bezüglich des Wasserdampfdruckes und –temperatur.)

Parameter-Name	Inhalt	Parameter-Name	Inhalt
1	Zähler	Υ	Y des Zeilen-Startpunktes
Х	X des Zeilen-Startpunktes	W	Y des Zeilen-Endpunktes
Z	X des Zeilen-Endpunktes		

*n = Anzahl der statistischen Daten

Übung:

I

I

I

Folgende Wertetabelle gibt den untersuchten Wasserdampfdruck wieder. Zeichnen Sie einen Graphen dieser Daten.

Druck [mmHg] 4,581 9,205 17,532 31,826 55,339 92,558 149,47 223,79 355,29 525,9 760		Temperatur [°]	0	10	20	30	40	50	60	70	80	90	100
	l	Druck [mmHg]	4,581	9,205	17,532	31,826	55,339	92,558	149,47	223,79	355,29	525,9	760

SetUp-Bedingungen: Dezimal-Punkt im "Float Pt Modus".

12. Gewöhnliche Differentialgleichung

Geben Sie die Anfangsbedingungen (X,Y) mit den Schritten H und dem Intervall T ein. Verwenden Sie zum Lösen der gewöhnlichen Differentialgleichung erster Ordnung die Runge-Kutta-Gill-Methode.

Berechnung

Benutzen Sie folgende 4 Schritte der Runge-Kutta-Gill-Methode, um die Gleichungen X_{n+1} und Y_{n-1} von X_n und Y_n zu bestimmen. Geben Sie $Q_0 = 0$ am Startpunkt X_0 ein.

- 1. $K_0 = H_f(X_n, Y_n), R_1 = (1/2) (K_0 2Q_0), Y^{(1)} = Y_n + R_1$
- 2. $Q_1 = Q_0 + 3R_1 (1/2)K_0$
- $K_{1} = H_{f} (X_{n} + H/2, Y^{(1)}), R_{2} = (1 \sqrt{(1/2)}) (K_{1} Q_{1}), Y^{(2)} = Y^{(1)} + R_{2}$ $3 \quad Q_{2} = Q_{1} + 3R_{2} (1 \sqrt{(1/2)}) K_{1}$
- 3. $Q_2 = Q_1 + 3R_2 (1 \sqrt{1/2})) K_1$ $K_2 = H_f (X_n + H/2, Y^{(2)}), R_3 = (1 - \sqrt{1/2})) (K_2 - Q_2), Y^{(3)} = Y^{(2)} + R_3$
- 4. $Q_3 = Q_2 + 3R_3 (1 \sqrt{(1/2)}) K_2$ $K_3 = H_f (X_{n+1}, Y^{(3)}), R_4 = (1/6) (K_3 - 2Q_3), Y_{n+1} = Y^{(3)} + R_4$ $Q_4 = Q_3 + 3R_4 - (1/2) K_3$

EL-9900 Grafikrechner

Parameter-Name	Inhalt	Parameter-Name	Inhalt
A	Wert von 1+√(1/2)	S	Wert von X _{n-1}
В	Wert von 1-√(1/2)	Т	Intervall
F	f(I,J)	-	X _n
Н	Schritt	J	Y _n
К	Arbeitsbereich der Berechnung	Z	Wert des Zuwachses von X
0	Wert von Y _{n-1}	Х	Eingabe von X_0
Р	Zuwachs von J	Y	Eingabe von Y ₀
Q	Wert von Q _n	Μ	Indiziert X _n
R	Wert von R _n	Ν	Indiziert Y _n

Üb	ung:								
А Е (I	Ausgangsbedingungen: Y = 10, wenn X = 0. Bestimmen Sie J, wenn H = 0,01, T = 0,03 und I = 0,03, 0,06, usw. (Die eingebaute Differentialgleichung lautet F = -I * J.)								
l I S	etUp-Bedingungen: Winkeleinheit i	m Rad-Modus, Dezimal-Punkt im "Floa	t Pt Modus".						
	<u>Schritt</u>	<u>Tasteneingabe</u>	Anzeige						
1	Programm-Modus spezifizieren. Den Titel "Runge" auswählen.		X0 EINGEBEN: X=?						
2	Die Werte für X_0 , Y_0 , H und T eingeben.	0 ENTER 1 0 ENTER 0 • 0 1 ENTER 0 • 0 3	Y= 10 H EINGEBEN: H= 0.01 T EINGEBEN: T= 0.03						
3		ENTER	XN= 0.03 YN= 9.995501012						
4		ENTER	XN= 0.06 YN= 9.98201619						
5	Ähnliche Operationen werden hiernach aufgeführt.	ENTER	XN= 0.09 YN= 9.959581902						

13. Einweg Varianz Analyse

Verwenden Sie die Einweg Varianz Analyse, um zu prüfen, ob eine Beziehung zu den Ergebnissen besteht, die auf der Grundlage einer Bedingung erzielt wurden. Mit dieser Methode wird eine ANOVA durchgeführt.

Berechnung

Analyse der Streuungstabelle mit Hilfe der Einweg Varianz Analyse

	Summe der Quadrate (S)	Freiheitsgrad (θ)	Varianz (V)	Varianz- Verältnis (F)
Faktor	$S_A = [A] - [X]$	θ _A = A - 1	$V_A = S_A / \theta_A$	$F_A = V_A / V_E$
Fehler	$S_{E} = [AS] - [A]$	θ _E = A (N – 1)	$V_E = S_E / \theta_E$	
Gesamt	S _⊤ = [AS] – [X]	θ _T = AN - 1		

 $[X] = (\sum \sum X_{ij})^2 / AN$ $[A] = \sum_{i} \sum_{j} \sum_{i} \left(\sum_{j} X_{ij}\right)^2 / N$ $[AS] = \sum_{i} \sum_{j} (X_{ij})^{2}$ A : Anzahl der Ebenen N : wiederholte Frequenz X : Anzahl der Daten

FLU	SSDIAGRAMM	PROGRAMM-LISTE (STAT MODE)
Start		Titel: Statistik
Eingabe der Zahl der Ebenen und Wiederholungen	Eingabe der Zahl der Ebenen und Wiederholungen.	Rem INPUT Print "ZAHL DER EBENEN (ZEILENZAHL) EINGEBEN: Input L L⇒A
Deklaration einer Statistik mit einer Variablen	Eine Statistik mit einer Variablen (Stat X) wird deklariert.	Print "ANZAHL WIEDERHOLUNGEN (SPALTENZ.) EINGEBEN: Input T T \Rightarrow N 0 \Rightarrow W 0 \Rightarrow B
Eingabe der Daten	P1	0⇒C For S,1,A,1 N⇒dim(L1) For K,1,N,1 ClrT
Kumulierung der Daten und der Quadrate der Daten	Daten und die Quadrate der Daten werden kumuliert.	S⇒L K⇒T Print "DATEN EINGEBEN: Print "ZEILE: Print I
K = K + 1	Beurteilung, ob eine Wiederholung	Print "SPALTE: Print T Input I I⇒L1(K) B+I⇒P
N Anzeige von ∑x (Summe der Ebenen)		$C+I^{2} \Rightarrow C$ Next 1_Stats L1 $\sum x \Rightarrow J$
Kumulierung von $(\Sigma x)^2$		Print " $\sum x$ = Print J Wait W+($\sum x$) ² \Rightarrow W Next
J S≤1		Rem CALCULATE $B^2/A/N \Rightarrow X$ $W/N \Rightarrow Y$ $C \Rightarrow Z$
N Fo	rtsetzung auf der nächsten Seite	Rem SUM OF SQUARES Y-X⇒E Z-Y⇒M Z-X⇒P
20	SHARP	

32

Fortsetzung der Programm-Liste Print "SUMME DER QUADRATE: Print E Print "ERROR SUM OF SQUARES : Print M Wait Print "TOTAL SUM OF SQUARES: Print P Wait Rem DEGREES OF FREEDOM A-1⇒Q A*(N-1)⇒R A*N-1⇒D Print "FREIHEITSGRADE: Print Q Print "FEHLER DER FREIHEITSGRADE: Print R Wait Print "SUMME DER FREIHEITSGRADE: Print D Wait **Rem VARIANCE** E/Q⇒V M/R⇒U Print "VARIANZ Print V Print "VARIANZ DER FEHLER: Print U Wait **Rem VARIANCE RATIO** V/U⇒F Print "ANTEIL DER VARIANZ: Print F End

Parameter-Name	Inhalt	Parameter-Name	Inhalt
A	Anzahl der Ebenen	V	Varianz
1	Eingabe der Daten	U	Varianz des Fehlers
К	Schleife-1-Zähler	Y	$\sum i (\sum j X_{ij})^2 / n$
J	Indizierendes ∑x	Q	Freiheitsgrade
Ν	Wiederholte Frequenz	R	Fehler der Freiheitsgrade
S	Schleife-2-Zähler	D	Summe der Freiheitsgrade
Х	$(\sum \sum X_i)^2 / A / N$	т	Eingabe und Indizierung der Frequenz
Z	$\sum_{i} \sum_{j} (X_{ij})^2$	L	Eingabe und Indizierung der Ebenenanzahl
F	Streuung im Verhältnis zum Faktor	W	Gesamtsumme der Quadrate jeder Ebene
E	Summe der Quadrate	В	Gesamtsumme (aller Daten)
Μ	Error sum of squares	С	Gesamtsumme der Quadrate (aller Daten)
Р	Total sum of squares		

Übung:

Einer Maus wurde eine Dosis von Hormonen verabreicht. Das Verhältnis zwischen verabreichter Dosismenge und der Gewichtszunahme der Maus gleicht der folgenden Wertetabelle.

Bestimmen Sie die Analyse der Streuung. Wenn der Wert des Streuungsverhältnisses größer als der Wert der F-Verteilungs-Tabelle an der 5%-Signifikanz-Niveau ist, so kann man sagen, dass die Hormonmenge und der Gewichtszuwachs der Maus in kausalem Zusammenhang stehen.

	Gewichtszunahme der Maus (Gramm/Tag)							
		10	20	30	40	50		
Hormone	10	882	891	864	888	885		
(Gramm/Maus)	20	923	915	923	912	930		
	30	933	939	925	940	932		

Die Ebenenanzahl (Zeilenanzahl der Tabelle) ist A = 3. Die wiederholte Frequenz (Spaltenanzahl der Tabelle) ist N = 5.

SetUp-Bedingungen: Dezimal-Punkt im "Float Pt Modus".

	<u>Schritt</u>	<u>Tasteneingabe</u>	Anzeige
1	Programm-Modus spezifizieren. Den Titel "STREUUNG" auswählen.		ZAHL DER EBENEN (ZEILENZAHL) EINGEBEN: L=?
2	Die Ebenenanzahl und die weiderholte Frequenz eingeben.	3 ENTER 5	ZAHL DER EBENEN (ZEILENZAHL) EINGEBEN: 3 ANZAHL WIEDERHOLUNGEN (SPALTENZ.) EINGEBEN: T= 5 DATEN EINGEBEN:
3		ENTER	SPALTE: 1 I=?
4	Die statistischen Werte in Ebene 1 eingeben.	8 8 2 ENTER 8 9 1 ENTER 8 6 4 ENTER 8 8 8 ENTER 8 8 5 ENTER	ZEILE: 1 SPALTE: 5 I= 5 885 Σx= 4410
5	Die statistischen Werte in Ebene 2 eingeben.	ENTER 9 2 3 ENTER 9 1 5 ENTER 9 2 3 ENTER 9 1 2 ENTER 9 2 3 ENTER 9 1 2 ENTER 9 3 0 ENTER	2EILE: 2 SPALTE: 5 J= 5 930 2x= 4603
6	Die statistischen Werte in Ebene 3 eingeben.	ENTER 9 3 3 ENTER 9 3 9 ENTER 9 2 5 ENTER 9 4 0 ENTER 9 3 2 ENTER	ZEILE: 3 SPALTE: 5 I= 5 932 Σx= 4669

EL-9900 Grafikrechner

7	ENTER	I= 932 Sx= SUMME DER QUADRATE: 7245.733334 ERROR SUM OF SQUARES: 802
8	ENTER	22= 4669 SUMME DER QUADRATE: 7245.733334 ERROR SUM OF SQUARES: 802 TOTAL SUM OF SQUARES: 8047.733334
9	ENTER	802 TOTAL SUM OF SQUARES: FREIHEITSGRADE: FEHLER DER FREIHEITSGR ADE: 12
10	ENTER	FREIHEITSGRADE: 2 FEHLER DER FREIHEITSGR ADE: 12 SUMME DER FREIHEITSGRA DE: 14
11	ENTER	12 SUMME DER FREIHEITSGRA DE: 14 VARIANZ 3622.8666667 VARIANZ DER FEHLER: 66.833333333
12	ENTER	DE: 14 VARIANZ 3622.866667 VARIANZ DER FEHLER: 66.83333333 ANTEIL DER VARIANZ: 54.2074813

Die F-Verteilungstabelle zeigt, dass F für eine höhere Wahrscheinlichkeit P = 5% den Wer 3,89 beträgt. Da in diesem Beispiel f > 3,98 ist, kann man sagen, dass die Hormonmenge und die Gewichtszunahme der Maus zu einer Signifikanzebene von 5% in kausalem Zusammenhang steht.

14. Berechnung des schrägen Wurfs

Ein Gegenstand wird mit einer Anfangsgeschwindigkeit V₀ und unter einem Winkel θ geworfen. Stellen Sie die Höhenveränderung und die horizontale Distanz über eine bestimmte Zeitperiode grafisch dar. Bestimmen Sie die horizontale Distanz und die Höhe nach t Sekunden. Spezifizieren Sie den Winkel in Deg.

Parameter-Name	Inhalt	Parameter-Name	Inhalt
Н	größte Höhe	Xscl	Skala der x-Koordinate
L	Horizontale Distanz	Z	Eingabe der Zeitperiode
Т	Zeit	V	Anfangsgeschwindigkeit (V ₀)
Х	Distanz (nach Zeit Z)	θ	Winkel (Abwurf-Winkel)
Y	Höhe (nach Zeit Z)	С	Größte Höhe bei einem Abwurfwinkel von 90°
D	Verstrichene Zeit	В	Horizontale Distanz bei einem Abwurfwinkel von 45°
Yscl	Skala der y-Koordinate	A	Zeitperiode bei einem Abwurfwinkel von 45°

 	Übung:	
 	Bestimmen Sie die horizontale Distanz und die Höhe zum Zeitpunkt drei Sekunden nach dem Abwurf eines Gegenstandes, wenn die Anfangsgeschwindigkeit 25m/sec und der Abwurfwinkel 52° betragen.	
 	SetUp-Bedingungen: Winkeleinheit im Deg-Modus und Dezimal-Punkt im "Float Pt Modus".	

	<u>Schritt</u>	<u>Tasteneingabe</u>	<u>Anzeige</u>
1	Programm-Modus spezifizieren. Den Titel "WURF" auswählen.		WURF VØ (M÷S),0,T(S) ANFANGSGESCHW. EINGEBEN: V=?
2	Die Anfangsgeschwindigkeit eingeben.	2 5 ENTER	V= 25 HMAX= LMAX= 31.887755: LMAX= 63.775510: TMAX= 3.60768765:
3		ENTER	25 HMAX= 31.887755: LMAX= 63.775510; TMAX= 3.60768765; 8=?
4	Die Winkelgröße eingeben.	5 2 ENTER	8= 52 H= 19.80105063 L= 61.88110499 T= 4.020463029
5		ENTER	
6		ENTER	H= 19.80105063 L= 61.88110499 T= 4.020463029 ZEITINTERVALL EINGEBEN Z=?
7	Den Wert der Zeitperiode Z eingeben.	ENTER	4.02046302 ZEITINTERVALL EINGEBEN 3 X= Y= 46.1746106 Y= 15.0008065
8		ENTER	

15. Darstellung von Sonderzeichen

Um wie in Kapitel 1.1.3 beschrieben ein Programm vom PC auf den Sharp EL-9900 zu laden, muss dieses im ".txt"- Format gespeichert sein. Hierfür benutzen Sie am besten den Windows-Editor. Damit der Grafikrechner die Sonderzeichen richtig erkennt, benutzen Sie bitte die Darstellungen aus folgender Tabelle:

Sonderzeichen (Schreibweise auf dem Sharp EL-9900)	Darstellung im Windows-Editor
- (negatives Vorzeichen)	@-@
x ⁻¹	x@^-1@
x ²	x@^2@
×√	@x@@root@
sin ⁻¹	sin@^-1@
cosh ⁻¹	cosh@^-1@
≠	@not_=@
2	@>=@
≤	@<=@
\Rightarrow (STO-Taste)	@=>@
i (Zweitbelegung bei der Punkttaste)	@i@
п	@pi@
Θ	@theta@
Σ(@SIGMA@(

Diese Tabelle soll nur kurz den Aufbau der Sonderzeichendarstellung erklären. Falls sie Probleme mit einem Sonderzeichen oder Befehl haben sollten, schreiben Sie ein kurzes Programm mit diesem Sonderzeichen/ Befehl auf dem Grafikrechner und überspielen dieses mittels des EL-Grafik-Links auf den PC. Dort können Sie dann die Editor-Darstellung ablesen.

Sharp Electronics (Europe) GmbH Sonninstraße 3, 20097 Hamburg, Germany Tel.: (040)23 76-0 · Fax.: (040) 23 76-2919

Zweigniederlassung Österreich Handelskai 342, 1020 Wien, Austria Tel.: (0222) 7 27 19-0 · Fax.: (0222) 7 27 19-109

www.sharp.de

Die Anfertigung einer notwendigen Anzahl von Fotokopien für den Einsatz in einer Klasse, einer Lehrerfortbildung oder einem Seminar ist gestattet. Jede Verwertung in anderen als den genannten oder den gesetzlich zulässigen Fällen ist ohne schriftliche Zustimmung von Sharp nicht zulässig.

Bestellnummer: EL-9900G LHRPROGRAMM

Weitere Informationen erhalten Sie auf: www.sharp-in-der-schule.de